

ПРИБЛИЖЕНИЕ К ЗНАЧЕНИЮ КОНСТАНТЫ ПИ В ЗАВИСИМОСТИ ОТ КОЛИЧЕСТВА ЗНАКОВ ЛОГАРИФМА В ФОРМУЛЕ

Радевич В.С.

*Радевич Валерий Степанович – пенсионер,
любитель цифр, нумеролог,
г. Энгельс, Саратовская область*

Аннотация: большинство математических констант взаимосвязаны между собой. У многих констант в их описаниях присутствуют формулы с натуральным логарифмом, или постоянной Эйлера - Маскерони которая сама в свою очередь прямое производное от натурального логарифма. Я рассматриваю в данной статье любопытный случай в котором количество знаков логарифма напрямую взаимосвязано с точностью вычисления константы ПИ. И делаю предположение покуда еще мною не доказанное что различные формулы отношений коэффициента K и произвольной X (журнал современные инновации номер 2, 2015 год, «Двойной логарифм числа пи $\ln(\ln(\pi))$ и квадрат числа Непера - e^2 . Есть ли между ними связь?») также приближают точность к различным константам которые взаимосвязаны с натуральным логарифмом.

Ключевые слова: коэффициент, натуральный логарифм, математическая константа.

В статье рассматривается феномен зависимости точности вычисления константы ПИ от количества знаков натурального логарифма в используемой формуле. Кратко напомним, что такое коэффициент «K», о котором идет речь в статье «Двойной логарифм числа пи $\ln(\ln(\pi))$ и квадрат числа Непера - e^2 . Есть ли между ними связь?»

Вычисляется коэффициент по формуле $K = X - (\ln(\ln[X] * X))^2$

Допустим число ПИ равно X (икс), вычислим коэффициент «K» от этого значения. ПИ = X = 3,14159265358979323846264338327950288419716939937511

Вычислим коэффициент K от этого значения в три действия.

1) Вычисляем значение Z (зет) оно равно $X * \ln X = 3,14159265358979323846264338327950288419716939937511 * \ln(3,14159265358979323846264338327950288419716939937511) = 3,59627499972915819808600175164636038136917928975389$

2) Вычисляем значение Y (игрек) оно равно квадрат логарифма $Z = (\ln Z)^2 = \ln(3,59627499972915819808600175164636038136917928975389)^2 = 1,63814039420752154795791215990311868939173524882495$

3) Вычисляем требуемый нам коэффициент K, он равен разности X и $Y = 3,14159265358979323846264338327950288419716939937511 - 1,63814039420752154795791215990311868939173524882495 = 1,50345225938227169050473122337638419480543415055016$

В статье «Двойной логарифм числа пи $\ln(\ln(\pi))$ и квадрат числа Непера - e^2 . Есть ли между ними связь?» рассматриваются отношения коэффициента K и X по формуле $K = 1/X * X = 7,39814312912681383004834481207432418140317394299888$ K= 0,13516905290233655530800522891743004326590831898998

В статье предложенной сейчас вашему вниманию будут рассматриваться и различные другие формулы. В частности рассмотрим три случая которые соответствуют трем формулам:

- $1/K/(X^{0,5}) = X^{0,5}$
- $1/K/(X^{0,5}) = 1 + \ln(X^{0,5})$
- $1/K/(X^{0,5}) = 2 + \ln(\ln(X^{0,5}))$

Вот первая из этих формул.

1) $1/K/(X^{0,5}) = X^{0,5}$

При этом левая часть формулы $1/K/(X^{0,5})$ будет неизменна во всех трех случаях. Для данной формулы значение X равно 9,31018542839387500944374449290208644236045611365083

Корень квадратный из этого $X = 3,05125964617793138234491711887551921547739851943143$

Сначала вычисляем коэффициент K от данного X по формуле $K = X - (\ln(\ln[X] * X))^2$ так как вычислен коэффициент от ПИ в начале статьи Имеем X равную 9,31018542839387500944374449290208644236045611365083

1) Вычисляем значение Z (зет) оно равно $X * \ln X = 9,31018542839387500944374449290208644236045611365083 * \ln(9,31018542839387500944374449290208644236045611365083) = 20,77203857740761615891500112830337938846206458430653$

2) Вычисляем значение Y (игрек) оно равно квадрат логарифма $Z = (\ln Z)^2 = \ln(20,77203857740761615891500112830337938846206458430653)^2 = 9,20277618206992583384309188686660821373734055671527$

3) Вычисляем требуемый нам коэффициент К, он равен разности X и Y
 9,31018542839387500944374449290208644236045611365083 -
 9,20277618206992583384309188686660821373734055671527 =
 0,10740924632394917560065260603547822862311555693556
 Сейчас произведем действия согласно первой формулы - $1/K/(X^{0,5}) = X^{0,5} /$
 0,10740924632394917560065260603547822862311555693556 /
 $\sqrt{9,3101854283938750094437444929020864423604561136508}$ =
 3,0512596461779313823449171188755192154773985194314 = \sqrt{X}
 Если X именно такая = 9,310185428393875009443744... то только в этом случае мы получим используя
 формулу $1/K/(X^{0,5}) = X^{0,5}$ в конце вычислений корень квадратный из этой X
 3,05125964617793138234491711887551921547739851943143
 Да полученная величина не очень то похожа на константу ПИ, но это только пока мы еще не имеем ни
 одного знака логарифма в формуле.

Давайте рассмотрим вторую формулу в которой уже будет присутствовать один знак натурального логарифма. – LN и одна « 1» единица в вычислениях. Вот данная формула $1/K/(X^{0,5}) = 1 + \text{LN}(X^{0,5})$ Как указано выше, левая часть формулы остается неизменной $1/K/(X^{0,5})$ а изменения произошли в правой части $1 + \text{LN}(X^{0,5})$. Для того что бы формула была верна мы должны взять значение X равным 9,86315833327419961566628147953125013388367107869919.

Корень квадратный из этого X = 3,14056656246515488746547897719708125112952670294157

Сначала вычисляем коэффициент К от данного X по формуле $K = X - (\text{LN}(\text{LN}[X] * X) ^ 2$ так как вычислен коэффициент от ПИ в начале статьи.

1) Вычисляем значение Z (зет) оно равно $X * \text{LN} X =$
 9,86315833327419961566628147953125013388367107869919 *
 $\ln(9,86315833327419961566628147953125013388367107869919)$ =
 22,57486026360862974635794764324315597802391515718108

2) Вычисляем значение Y (игрек) оно равно квадрату логарифма $Z = (\text{LN} Z) ^ 2 = \ln$
 $(22,57486026360862974635794764324315597802391515718108)^2$ =
 9,71467231986372136569282923716674800908254045648194

3) Вычисляем требуемый нам коэффициент К, он равен разности X и Y
 9,86315833327419961566628147953125013388367107869919 -
 9,71467231986372136569282923716674800908254045648194 =
 0,14848601341047824997345224236450212480113062221725

Сейчас произведем действия согласно второй формулы - $1/K/(X^{0,5}) = 1 + \text{LN}(X^{0,5}) /$
 0,14848601341047824997345224236450212480113062221725 /
 $\sqrt{9,86315833327419961566628147953125013388367107869919}$ =
 2,14440321755002287366803661727763691892634285904629
 $\exp(2,14440321755002287366803661727763691892634285904629 - 1)$ =
 3,14056656246515488746547897719708125112952670294178

То что две последние цифры в корне из X и в значении в конце подсчета не сходятся это моя неизбынная печаль обусловленная точностью подсчета калькулятором Speed Crunch portable. Хотя это и лучший калькулятор в своем классе. Как вы могли уже заметить точность приближения к константе ПИ стала гораздо лучше. В правой части формулы появился один знак логарифма и одна единица.

Давайте рассмотрим третью формулу в которой уже будет присутствовать два знака натурального логарифма. – LN (LN ..) и цифра 2 в вычислении. Вот эта третья формула: $1/K/(X^{0,5}) = 2 + \text{LN}(\text{LN}(X^{0,5}))$

Как я уже писал выше, левая часть формулы остается неизменной $1/K/(X^{0,5})$ Для того что бы формула была верна в данном случае мы должны X брать равной 9,86960565075598739258212660539942039075768069801440. Корень квадратный из этого X = 3,14159285248040812902119097305766646783810955252883 Сначала вычисляем коэффициент К от данного X по формуле $K = X - (\text{LN}(\text{LN}[X] * X) ^ 2$ так как вычислен коэффициент от ПИ в начале статьи .

1) Вычисляем значение Z (зет) оно равно $X * \text{LN} X =$
 9,86960565075598739258212660539942039075768069801440 *
 $\ln(9,86960565075598739258212660539942039075768069801440)$ =
 22,59606634960370062760484417779958535111212240756936

2) Вычисляем значение Y (игрек) оно равно квадрату логарифма $Z = (\text{LN} Z) ^ 2 = \ln$
 $(22,59606634960370062760484417779958535111212240756936)^2$ =
 9,72052616230826518680883137166418246673276161999219

3) Вычисляем требуемый нам коэффициент К, он равен разности X и Y
 9,86960565075598739258212660539942039075768069801440 -
 9,72052616230826518680883137166418246673276161999219 =
 0,14907948844772220577329523373523792402491907802221 Сейчас произведем действия согласно третьей формулы - $1/K/(X^{0,5}) = 2 + \text{LN}(\text{LN}(X^{0,5}))$

$$\begin{aligned} & 1/ \quad 0,14907948844772220577329523373523792402491907802221 \quad / \\ & \text{sqrt}(9,86960565075598739258212660539942039075768069801440) \quad = \\ & 2,13516875692514429426062971887045566710314283699953 \\ & \text{exp}(\text{exp}(2,13516875692514429426062971887045566710314283699953-2)) \quad = \\ & 3,14159285248040812902119097305766646783810955252855 \end{aligned}$$

В данном вычислении мы видим что знаков логарифма в формуле стало два и появилась в формуле цифра два «2». Тройной логарифм от числа ПИ это отрицательное значение. $\ln(\ln(\ln(3,14159265358979323846264338327950288419716939937511))) = -2,00123163906238812321760357036195145355361806567387$

Впрочем, с одним подозрительно похожим значением я имел дело в статье «Двойной логарифм числа пи $\ln(\ln(\pi))$ и квадрат числа Непера - e^2 . Есть ли между ними связь?» Речь в ней шла о значении $7,39814312912681383004834481207432418140317394299888$ это значение является обратной величиной от своего коэффициента $K = 1/X$ Вот логарифм этой $X = \ln(7,39814312912681383004834481207432418140317394299888) = 2,00122904022592484192609837700789649291910207085740$, но это значение не отрицательное.

Присмотримся внимательнее к последнему вычислению с двумя знаками логарифма которое имеет дело с формулой $1/K/(X^{0,5}) = 2 + \ln(\ln(X^{0,5}))$ Оно начинается с значения $X = 9,86960565075598739258212660539942039075768069801440$

И заканчивается корнем квадратным из $X = 3,14159285248040812902119097305766646783810955252855$ Зададимся вопросом – «А какое должно быть значение X такое что бы в конце было число не похожее на константу ПИ а именно точно = ПИ?»

Путем недолгой работы на калькуляторе такое нужное значение X находим. Эта $X = 9,86960568944692888045737687182174017192712706873419$

Приведу весь расчет без пояснений где X , где Z , где Y , где K . Так как я считаю что внимательный читатель это уже должен запомнить.

$$\begin{aligned} & 9,86960568944692888045737687182174017192712706873419 \quad * \\ & \ln(9,86960568944692888045737687182174017192712706873419) \quad = \\ & 22,59606647687600115591873291125695399392862576439158 \\ & \ln(22,59606647687600115591873291125695399392862576439158)^2 \quad = \\ & 9,72052619742999799247817985943436802381603648934341 \\ & 9,86960568944692888045737687182174017192712706873419 \quad - \\ & 9,72052619742999799247817985943436802381603648934341 \quad = \\ & 0,14907949201693088797919701238737214811109057939078 \\ & 1/0,14907949201693088797919701238737214811109057939078 \quad / \\ & \text{sqrt}(9,86960568944692888045737687182174017192712706873419) \quad = \\ & 2,13516870162052962769995812823515929866842189573207 \\ & \text{exp}(\text{exp}(2,13516870162052962769995812823515929866842189573207-2)) \quad = \\ & 3,14159265358979323846264338327950288419716939937513 \end{aligned}$$

результат больше ПИ на $2 * 10^{-50}$ ошибка ничтожна. Ну а что же собой представляет корень квадратный из X ? $\text{sqrt}(9,86960568944692888045737687182174017192712706873419) = 3,14159285863826232381414429575029110652166126029593$

Как видим от константы ПИ имеется отличие, но какое? $1/(3,14159285863826232381414429575029110652166126029593 - \text{ПИ}) = 4876895,71378243078242673434952871628192668564948997$

Ну и что же такого удивительного в этом значении спросит читатель и где обещанные тройные логарифмы и корни кубические? А вот пожалуйста. Первым делом возьмем тройной логарифм от этого значения $\ln(\ln(\ln(4876895,71378243078242673434952871628192668564948997))) = 1,00590061306938046201245259845543559548049653054924$

$1/(1,00590061306938046201245259845543559548049653054924 - 1) = 169,47391537825331910387774128953656580139872598547290$

Теперь возьмем корень кубический от этого значения $4876895,71378243078242673434952871628192668564948997^{(1/3)} = 169,58254799052234443295859096711509958204738003832663$. Данные выводы вызывают большой интерес.

Да, присутствуют несовпадения с действительно замечательным значением у которого никаких разночтений в тройном логарифме и кубическом корне. $4876178,86717080119566930164623453229460561107074582$

$\ln(\ln(\ln(4876178,86717080119566930164623453229460561107074582))) = 1+1/169,57423869989057616331652083652423114879449562791110$

$4876178,86717080119566930164623453229460561107074582^{(1/3)} = 169,57423869989057616331652083652423114879449562786107$

$169,57423869989057616331652083652423114879449562791110$

Сейчас произведем действия согласно формулы $(Y - K + 3) / 2 = \pi$
(4,02227138860844419416149918275168713350878903046347 -
0,73908608142885771723621241619268136511445023171325+3) / 2 =
3,14159265358979323846264338327950288419716939937511 = π

2) Предел Лапласа 0,66274341934918158097474209710925290705623354911502 const

Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $1/Y^{0,5} + K = \text{LN } \pi$

То мы должны будем X принять равным 4,96797447068565268561965425201538754856605138926617

K в таком случае будет равен = 0,66277818051324481193753772984713318253933964835062 Совпадение в первых пяти знаках что я считаю тоже не плохо.

1) Вычисляем значение Z (зет) оно равно $X^* \text{ LN } X =$
4,96797447068565268561965425201538754856605138926617 *

$\text{LN}(4,96797447068565268561965425201538754856605138926617) =$

7,96372371494524242610774532657432986188021827897308 =

2) Вычисляем значение Y (игрек) оно равно квадрат логарифма Z $(\text{LN } Z)^2 =$
 $\text{LN}(7,96372371494524242610774532657432986188021827897308)^2 =$

4,30519629017240787368211652216825436602671174091555

3) Вычисляем требуемый нам коэффициент K, он равен разности X и Y =
4,96797447068565268561965425201538754856605138926617 -

4,30519629017240787368211652216825436602671174091555 =

0,66277818051324481193753772984713318253933964835062

Сейчас произведем действия согласно формулы $1/Y^{0,5} + K = \text{LN } \pi$
 $1/\sqrt{4,30519629017240787368211652216825436602671174091555} +$

0,66277818051324481193753772984713318253933964835062 =

1,14472988584940017414342735135305871164729481291531

$\exp(1,14472988584940017414342735135305871164729481291531) =$

3,14159265358979323846264338327950288419716939937510 = π Далее расчеты с вычислениями X, Y, Z, K

приводить не буду. Просто показываю константу и приближение к ней которое можно получить с применением соответствующей формулы.

4) Постоянная Эйлера — Маскерони 0,57721566490153286060651209008240243104215933593992 const.

Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $K = 1/X^{0,5} + 1$, то мы должны будем X принять равным 3,00050059542947990115695942213813074277210195927105. K в таком случае будет равен = 1,57730210539952436612631975751917474076343692748110.

Сама константа в приближении будет равна $K-1$ или $1/\exp(X)$
 $1/\sqrt{3,00050059542947990115695942213813074277210195927105} =$

0,57730210539952436612631975751917474076343692748110

Совпадение по четырем цифрам. Кстати для формулы $1/X^{(1/3)} = K$ X будет равно
5,22149625271798853124698988341790025354620974497839 K в таком случае равно

0,57641464944922011759579936018097001801117365482337 без путающейся под ногами единицы, но точность похуже.

5) Постоянная Глейшера — Кинкелина 1,28242712910062263687534256886979727767688927325001 const.

Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $K = X/2 - 0,5$ или $Y - 1$. При данной X результат один и тот же. То мы должны будем X принять равным

3,56409874066470658718095002384672967299354132773009. K в таком случае будет равен =

1,28204937033235329359047501192336483649677066386504. Совпадение по четырем цифрам.

6) Постоянная Аперри 1,20205690315959428539973816151144999076498629234049 const. Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $K = X - 1/X^{0,5} - 2$, то мы должны будем X

принять равным 3,72076996146477958562645033954934209082963373184035
K в таком случае будет равен = 1,20234776254890845735672468526860676992621759587896 Совпадение по четырем цифрам.

7) Константа Миллса 1,30637788386308069046861449260260571291678458515671 const

Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $K = Y - 2/Y$ квадратное уравнение $Y^2 - K * Y - 2 = 0$

То мы должны будем X принять равным 3,51716920539276377640722766746709412610008331268245

K в таком случае будет равен = 1,30627825910301318579079771153211328356314060421962

Совпадение по четырем цифрам.

8) Константа Эрдеша — Борвейна 1,60669515241529176378330152319092458048057967150576 const

Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $K = Y^2 / X + 1$

То мы должны будем X принять равным 2,94328467215616348785893648864968590492498582627667

K в таком случае будет равен = 1,60683670439239673821166467575697984988855171043421

Совпадение по четырем цифрам.

9) Константа Рамануджана — Зольднера 1,45136923488338105028396848589202744949303228364802 const

Если мы применим формулу отношений между K и X в таком вот виде: $K = Z^{0,5} - 0,5$

То мы должны будем X принять равным 3,23992708278400992831926309764251149680027899702151
 K в таком случае будет равен 1,45158882775954068507778161802472343156927588191255
 Совпадение по четырем цифрам. Ну и пожалуй достаточно и этих констант и их приближений через коэффициент «K».

Имеется еще один забавный эпизод. Если вы посмотрите на график функции коэффициента K и произвольной X То увидите один любопытный вариант – когда $K = X = 1,76322283435189671022520177695170708043601798666747$
 $1,76322283435189671022520177695170708043601798666747$ *
 $\ln(1,76322283435189671022520177695170708043601798666747) = 1 \ln(1)^2 = 0$
 $1,76322283435189671022520177695170708043601798666747-0 =$
 $1,76322283435189671022520177695170708043601798666747$

Я долго думал, что не может такая красивая величина K и X не иметь «родства» с какой -нибудь константой. Тем не менее подобрать для этой K и X ничего не мог. Потом нашел для этой K еще один X =
 $2,61987018954802353988547728732987612726029749681765$ X
 $2,61987018954802353988547728732987612726029749681765$ *
 $\ln(2,61987018954802353988547728732987612726029749681765) =$
 $2,52326187523562143235538308667353015584409267664760$ Z
 $\ln(2,52326187523562143235538308667353015584409267664760)^2 =$
 $0,85664735519612682966027551037816904682427951015018$ Y
 $2,61987018954802353988547728732987612726029749681765$ -
 $0,85664735519612682966027551037816904682427951015018 =$
 $1,76322283435189671022520177695170708043601798666747$
 $X^{0,5} = \text{sqrt}(2,61987018954802353988547728732987612726029749681765) =$
 $1,61860130654464243203472427834466879901458606121112$
 Золотое сечение 1,61803398874989484820458683436563811772030917980576 const.

Список литературы

1. «Двойной логарифм числа ПИ (ln(pi)) и квадрат числа Непера - e^2. Есть ли между ними связь? »
2. Радевич В.С. журнал СОВРЕМЕННЫЕ ИННОВАЦИИ: 2 (2): 2015. С. 3-21